



شماره سندلی: رشته: کامپیوتر

شماره دانشجویی:

نام و نام خانوادگی:

نام درس: ریاضیات استاد: گافس تاریخ امتحان: ۱۰/۰۸/۹۸ وقت: ۲۰ دقیقه

بسم تعالی

۱) مجموعه اعداد صحیح را بر رابطه R برابر صورت زیر تعریف کنید:

$$\forall a, b \in \mathbb{Z} : a R b \iff \exists n \in \mathbb{N} \exists a = b^n$$

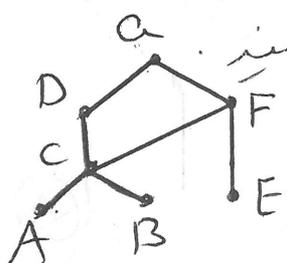
۲

اوگای ثابت کنید این رابطه ترتیب است. ثانیا با ارائه دلیل تعیین کنید آیا این ترتیب کامل است یا فقط جزئی است.

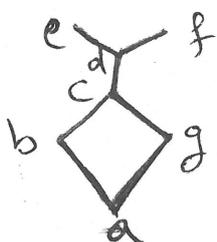
۲) عناصر مکرر مجموع و مینیموم و ماکسیمال و منیغال رابطه بخش پذیر را بر مجموعه A = {2, 4, 6, 8} در صورت وجود تعیین کنید.

۲

۳) یک ترتیب توپولوژیک برای نمودار گراف در رابطه زیر رسم کنید.

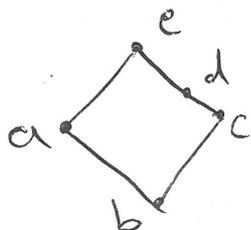


۱۱



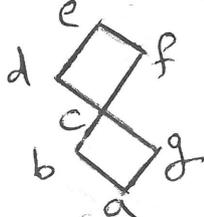
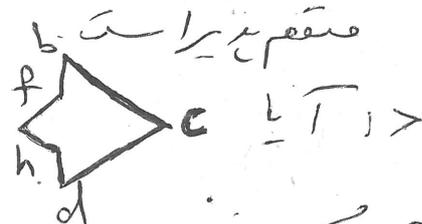
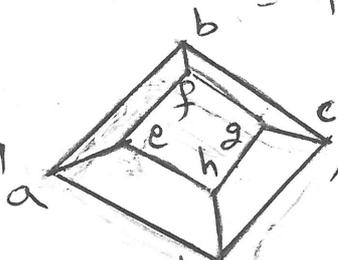
۴) با ارائه دلیل به سؤالات زیر پاسخ دهید.

الف آیا نمودار درجه هر گره زوج است.



ب آیا گره درجه هر گره زوج است.

ج آیا گره (a, D2) (مجموعه مینیموم علیه های عدد 2 نسبت به رابطه بخش پذیر)



هر آیا نمودار درجه هر گره زوج است.

صفحه اول



نمره نهایی	نمایان نمره	میان نمره	حضور در کلاس	پروژه و تحقیق

① الف: جدول ارزش گزاره  $[p \vee r] \rightarrow q$  را رسم کنید  
 ب: جدول جدول هم ارزش گزاره های زیر را تحقیق کنید. [۲/۵]  
 $p \rightarrow (q \vee r) \equiv (\neg r) \rightarrow (p \rightarrow q)$

② عکس نقیض گزاره های زیر را بنویسید. [۳]  
 الف: تمام مستطین بودم، لازم است شکل مربع باشد.  
 ب: اثباتی را خوانده باشم، مؤلفه م شود.

③ ارزش گزاره های زیر را تعیین کنید. [۲]

الف:  $\exists x \exists y : x + y > 0$

ب:  $\forall x : \exists y : x^2 + y^2 < 12$

ج:  $\exists x \exists y : x + y = 7$  وجود دارد یا وجود ندارد بنویسید.

④ احمد من گوید اگر درس گسسته را ثبت ناکنم و بطور خوبی آن را مطالعه نکنم، نمره خوبی از آن نخواهم گرفت. اگر نمره خوبی از گسسته بگیرم، من توانم در امتحان نهایی درسی مدار را ثبت ناکنم. اگر چه او در درس گسسته را ثبت ناکرده بود اما در امتحان نهایی درسی مدار را ثبت ناکند، پس گویا به احمد بطور خوبی درس گسسته را مطالعه نکرده است. با ارائه دلیل (استنتاج) درستی نتیجه گیری منقوح را تأیید کنید. [۳]

⑤ یک ورودی کامپیوتری بین از نداشت  $n$  ساعت ،  $p(n)$  کامپیوتر را آورده  
 می کند اگر  $p(0)=3$  و  $p(1)=7$  و  $p(n) = 3p(n-1) - 2p(n-2)$  هر  $n \geq 2$   
 باشد به وسیله استقرا می توان ثابت کرد که  $p(n) = 2^{n+2} - 1$  برای هر  $n \geq 0$

⑥ در مجموعه اعداد حقیقی رابطه  $R$  را به صورت زیر تعریف می کنیم □

$x R y \iff x + 2y < 1$   
 اولاً از درجه اول مرتب این رابطه را در صفت مختلفاً (مثلاً) در  $(0, 1)$  و  $(1, 2)$  بررسی کنید  
 ثانیاً خواص بارش را بررسی کنید:  $R$  بازتابی،  $R$  متقارن،  $R$  صدقاً،  $R$  متعدی،  $R$  برای  $R$  تحقیر  
 کنید. □

⑦ مجموعه اعداد حقیقی رابطه  $R$  را به صورت زیر تعریف می کنیم:

$x R y \iff x^2 - y^2 = x - y$   
 الف: ثابت کنید این رابطه هم ارز است.  
 ب: کدام هم ارز 3 را مشخص کنید. □

⑧ فرض  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  روابط  $R$  و  $S$  را در  $A$  به صورت زیر تعریف

$x R y \iff |2x - y| > 1$   
 $x S y \iff x | y$   
 (  $x$  و  $y$  را شماره دار  
 لا صفرها از  $x$  باشد )  
 معلوم است، ماتریس های زیر

$M_R$  و  $M_S$  و  $M_{R \cap S}$  و  $M_{R \cup S}$  و  $M_{R-S}$  و  $M_{S \cap R}$  و  $M_{R^c}$  و  $M_{R^c}$   
 $M_{R \cap y}$  و  $M_{R \cap x}$   $R_{xx}$  و  $R_{xy}$   $R$   $R_{xy}$   $R$   $R_{xy}$

⑨ به کمک الگوریتم وارنر  $M$  را مشخص کنید. آ

$$M = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

مؤلف: ...

صفحه دوم

سال تحصیلی: ۱۳۹۸-۱۳۹۷

نیمسال: اول

نام و نام خانوادگی:

مدت پاسخگویی: ۱ ساعت

تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۲/۲۱

شماره دانشجویی:

نام استاد: گروه استادان



نام درس: ریاضی گسترده  
رشته و مقطع: کارشناسی کامپیوتر

۱- در درستی گزاره های زیر تحقیق کنید.

الف: به کمک جدول ارزشی (۲)

$$\sim(p \leftrightarrow q) \equiv p \leftrightarrow \sim q$$

ب: بدون کمک جدول ارزشی (۲)

$$p \rightarrow (q \wedge r) \equiv (p \rightarrow q) \wedge (p \rightarrow r)$$

۲- درستی استنتاج زیر را ثابت کنید. (۲.۵)

$$p \wedge (p \rightarrow q) \text{ و } s \vee r \text{ و } r \rightarrow \sim q \Rightarrow s \vee m$$

۳- با در نظر گرفتن مجموعه اعداد حقیقی به عنوان عالم سخن نقیض گزاره زیر را بنویسید و ساده کنید و آن را به فارسی روان بیان کرده و سپس ارزش آن را تعیین نمایید. (۲)

$$\forall x, \forall y : (x > 0 \wedge y > 0) \rightarrow (\exists z \exists xz > y)$$

۴- رابطه ای روی مجموعه اعداد حقیقی به صورت زیر تعریف شده است

$$xRy \Leftrightarrow x^2 - y^2 = x - y$$

اولا: ثابت کنید این رابطه هم ارزی است. (۲) ثانيا: کلاس هم ارزی مربوط به عدد ۲۷ را تعیین کنید. (۱)

۵- با فرض

$$A = \{1, 2, 3, 4\} \text{ و } R = \{(x, y) \in A^2 : x | y\} \text{ و } S = \{(x, y) \in A^2 : x < y\}$$

اولا: همه زوجهای مرتب این دو رابطه را بنویسید. ثانيا: ماتریسهای زیر را مشخص کنید. (۲.۵)

$$M_R, M_S, M_{R \cap S}, M_{R \circ S}, M_{R^{-1}}$$

۶- به کمک الگوریتم وارشل بستار تعدی رابطه ای با ماتریس روبرو را مشخص کنید. (۲)

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

۷- با فرض

$$A = \{1, 2, 3, 4\} \text{ و } R = \{(1, 2), (2, 3), (3, 4), (2, 1)\}$$

گراف جهت دار این رابطه را رسم کرده و به کمک آن بستار تعدی این رابطه را (در یک نمودار دیگر) مشخص کنید. (۱.۵) موفق باشید.